

Edition Open Sources

Sources 8

Stefan Paul Trzeciok:

3. Kapitel des 2. Teils

DOI: 10.34663/9783945561102-15



In: Stefan Paul Trzeciok: *Alvarus Thomas und sein Liber de triplici motu : Band II: Bearbeiteter Text und Faksimile*

Online version at <https://edition-open-sources.org/sources/8/>

ISBN 978-3-945561-10-2, DOI 10.34663/9783945561102-00

First published 2016 by Max-Planck-Gesellschaft zur Förderung der Wissenschaften, Edition Open Sources under Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 3.0 Germany Licence.
<https://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/3.0/de/>

The Deutsche Nationalbibliothek lists this publication in the Deutsche Nationalbibliografie; detailed bibliographic data are available in the Internet at <http://dnb.d-nb.de>

26

Secundus de partis.

dratus: inter tales numeros reperitur medium proportionabile, pro parte rationali, ita q̄ primi ad ipsum sit ea proportio rationalis que est ipsi ad tertium, et illius numeri quadrati tale medium est unum latus. Probatur prima pars huius coheret quia illa pars est una conditionalis ex cuius opposito consequens sequitur oppositum antecedens; ut patet ex secundo corollario: igitur illa pars vera. Secunda probatur ex corollario immediate precedingi. Secundum quinto q̄ inter primos numeros proportiones duplae: triplex: octuplae: sed altere tamen non inveniuntur medium proportionabile rationali. Probatur primo de dupla q̄ est inter istos terminos, 4. 1. quoniam numerus q̄ sit ex ductu unius extremi in alterum puta, 4. in 2. non est quadratus igitur inter illa extrema non inveniuntur medium proportionabile proportione rationali. His patet intelligenti divisionem numeri quadrati, et consequens patet ex secundo corollario. Et eodem modo probabis reliquias ptes.

¶ Et ex hoc habes pulchri documentum ad cognoscendū quādā aliqua, pportio ēq̄litas: habet sub duplam proportionem ad eam rationalem. Quādo enim numerus resultans ex ductu unius extremi in alterum non est quadratus tunc talis: pportio non habet proportionem rationalem subduplicata ad illam cum non habeat medium proportionabile proportione rationali: et sic tale medium inter terminos illius proportionis non se habet ut numeri respectu alicuius extremi illius proportionis. Si ei se haberet ut numerus maioris extremi ad ipsum esset aliquis pportio rationalis: et ipsius ad minimum extremum esset eadem pportio rationalis: et sic iam ibi essent tres numeri continuo proportionabiles in hac media etate geometrica: et sic numerus qui sit ex ductu extremi in extremo est quadratus: ut patet ex primo corollario quod est oppositum datum. Et ex hoc facile elicetur proportionem irrationalē necessario ponendā esse: quod nota.

Gratia ordinis obseruandi medietatis harmonice aliquas proprietates posse quas non intendo demonstrare: quia huic operi parum conducunt. ¶ Prima proprietas: Medietas harmonica in maioribus terminis maiorem seruat proportionem quam in minoribus. Hoc est dicere q̄ in cunctis tribus terminis hac medietate proportionabilibus: maior est proportio maximae ad mediū: quā mediū ad minimum. ut constitutis h̄sterninis, 1. 8. 6. maior est pportio, 12. ad. 8. que est sexualiter ratio quā, s. ad. 6. que est sexquartula. ¶ Secunda proprietas: tribus terminis in hac medietate constitutis mediū terminus in collectas extremitates duces duplū numero qui sit ex extremo in extremo pducit, ut constitutis predictis terminis, 1. 8. 6. et collectis extremis puta, 6. et, 12. que, 18. constitutus numerus qui sit ex ductu medii puta octonari in collectas extremitates puta, 1. 8. est duplū ad numerum qui sit ex ductu extremorum, 1. 8. scilicet 1. 6. Quod patet quia illa est, 14. hic vero, 72. mō constat illū esse duplū ad hunc. ¶ Tertia proprietas in hac medietate determinatis extremis mediū terminus reperitur si per extremos coniunctos rūm numerū: numerus qui ex differentia extre- morum in minimū consurgit dividitur. Itaq; qui ex diuisione relinquit accipiat: atq; minimo extre- mo aggregate, ut determinatis his terminis, 6. et, 3. si vis invenire medium harmonicum inter illos addas extremū extre- mo puta, 3. ipsi. 6. et eris 9. deinde ducas dñfaz inter, 6. 7. 3. in 5. minimū extre- mū:

**sc̄da p̄p-
tas medi-
etas har-
monice.**

**4. p̄p-
tas medi-
etas har-
monice.**

et quis illa differentia est, 3. ex ductu eius in, 3. si- um, 9. diuidas igitur, 9. per, 9. et relictū ex diuisio ne erit unius: addas igitur unitatem ternario: et aggregatum ex illa unitate et ternario est medius harmonicus inter sex, et tria: estenim aggregatum illud quartarius numerus. Modo, 6. 4. 3. pp or- tionantur harmonice. ¶ Et hic aduerte q̄ quibus cūq; duobus numeris inequalib; cōstituitis hac doctrina mediante reperies medium terminū inter eos: et hoc cum fractione aut sine inter, 4. enim et, 3. medium harm onicus est, 3. cuz tribus septimus. Quomodo autem inveniuntur medium geometri- cum partum ex his que dicta sunt patet et comple te in posterum dicetur.

**Capitulum tertium in quo agitur de quibusdam propo-
rtionalitatibus et modis argu-
endi in eis.**

SEx modis argumentandi proportionabiliter sine in proportionalitatibus quibus nonunq; et philosophi et cal- culatores philiici videntur ponit Euclides sexto ele- mentorum et recentiores mathematici post eum. ¶ Istarum autem argumentationum prima dic- tur conversa: secunda permutata: tercia coniuncta, quarta disiuncta, quinta enversa: et sexta equa. ¶ Pro intelligenti primi modi arguendi ad uer- tendum est q̄ in pportione antecedens alicuius p-portionis dicitur terminus qui ad alterum com- paratur et consequens terminus cui aliquis com- paratur ut cum dicatur quatuor ad duo ille termi- nus quatuor est antecedens et duo consequens et si dicamus duo ad quatuor duo dicuntur ante- cedens et quatuor consequens. ¶ Isto supposito pro- portionalitas conversa est quando ex antecedentib; tribus sunt consequētia: et eo contra. ¶ El aliter est proportionalis illatio in qua ex proportionibus maioris inequalitatis concluduntur proportiones minoris inequalitatis eis correspondentes, sic arguendo ostendit se habet octo ad quatuor ita duo a dūnum igitur sicut se habet unum ad duo ita qua- tuor ad octo. Et etiam econverso cōcludēdo ex pro- portionibus minoris inequalitatis proportiones maioris ēq̄litas: eis correspondentes. ¶ Permutata pportionalitas dicitur ex antecedente secunda pportio omis sit, nisi prime sit aīs secunda. El aliter est dispositio quatuor terminis geometricis proportionalibus primi ad tertium, et secundi ad quartum proportionalis illatio sic arguendo sicut se habet, 8. ad. 4. ita, 1. ad. 1. igitur sicut se ha- bent, 8. ad. 2. ita, 4. ad unū. Et isto modo arguen- di videntur philosophus in plurim locis ut in fine secundi perihemias: in tertio topi, et in pri- mo celi et mundi in tractatu de infinito. ¶ Coniuncta proportionalitas est a diuisione terminis geo- metrice proportionalibus ad coniunctos pro- portionalis illatio, tali modo arguendo: sicut se ha- bident, 8. ad. 4. ita, 1. ad. 1. igitur sicut se ha- bent, octo et quatuor ad quatuor ita duo et vni ad vni. ¶ Disiuncta proportionalitas est a cōiunctis ter- minis geometricis proportionalibus ad diuisio- nes proportionalis illatio, tali modo arguendo: sicut se habent 8. et, 4. ad. 4. ita duo et vni ad vni igitur sicut se habent octo ad quatuor ita duo ad vni. ¶ Enversa proportionalitas est a diuisis ter- minis geometricis proportionalibus ad coniunctos ordine conuerso ad coniunctam pportio-

inter tales numeros reperitur medium proportionabile proportione rationali, ita quod primi ad ipsum sit ea proportio rationalis, quae est ipsius ad tertium, et illius numeri quadrati tale medium est unum latus. Probatur prima pars huius correlarii, quia illa pars est una conditionalis, ex cuius opposito consequens sequitur oppositum antecedentis, ut patet ex secundo correlario, igitur illa pars vera. Secunda probatur ex correlario immediate praecedenti. ¶ Sequitur quinto, quod inter primos numeros proportionis duplae, triplae, octuplae, sesquialterae et cetera non invenitur medium proportionabile proportione rationali. Probatur primo de dupla, quae est inter istos terminos 4 [et] 2, quoniam numerus, qui fit ex ductu unius extremi in alterum, puta 4 in 2, non est quadratus, igitur inter illa extrema non invenitur medium proportionabile proportione rationali. Antecedens patet intelligenti definitio- nem numeri quadrati, et consequentia patet ex secundo correlario. Et eodem modo probabis reliquas partes. ¶ Et ex hoc habes pulchrum documentum ab cognoscendum, quando aliqua proportio inaequalitatis habet subduplicem proportionem ad eam rationalem. Quando enim numerus resultans ex ductu unius extremi in alterum non est quadratus, tunc talis proportio non habet proportionem rationalem subduplicem ad illam, cum non habeat medium proportionabile proportione rationali, et sic tale medium inter terminos illius proportionis non se habet ut numerus respectu alicuius extremitatis illius proportionis. Si enim se haberet ut numerus, maioris extremitatis ad ipsum esset aliqua proportio rationalis, et ipsius ad minimum extremitum esset eadem proportio rationalis, et sic iam ibi essent tres numeri continuo proportionabiles in hac medietate geometrica, et sic numerus, qui fit ex ductu extremiti in extremum, esset quadratus, ut patet ex primo correlario, quod est oppositum dati. Et ex hoc facile elicetur proportionem irrationalem necessario ponendam esse, quod nota.

Gratia ordinis observandi medietatis harmonicae aliquas proprietates potentiae, quas non intendo demonstrare, quia huic operi parum conducunt. ¶ Prima proprietas: medietas harmonica in maioribus terminis maiorem servat proportionem quam in minoribus. Hoc est dicere, quod captis tribus terminis hac medietate proportionabilibus maior est proportio maximi ad medium quam medii ad minimum, ut constitutis his terminis 12, 8, 6 maior est proportio 12 ad 8, quae est sesquialtera, quam 8 ad 6, quae est sesquitertia. ¶ Secunda proprietas: tribus terminis in hac medietate constitutis medius terminus in collectas extremitates ductus duplum numero, qui fit ex extremito in extremum, producit, ut constitutis praedictis terminis 12, 8, 6 et collectis extremitis, puta 6 et 12, quae 18 constituant, numerus, qui fit ex ductu medii, puta octonarius, in collectas extremitates, puta in 18, est duplus ad numerum, qui fit ex ductu extremorum 12 scilicet in 6. Quod patet, quia ille est 144, hic vero 72, modo constat illum esse duplum ad hunc. ¶ Tertia proprietas in hac medietate determinatis extremis medius terminus reperitur, si per extremorum coniunctorum numerum numerus, qui ex differentia extremorum in minimum consurgit, dividitur, isque, qui ex divisione relinquitur accipiat, atque minimo extremo aggregatur, ut determinatis his terminis 6 et 3 si vis invenire medium harmonicum inter illos, addas extremum extre- mo, puta 3 ipsis 6, et erunt 9, deinde ducas differentiam inter 6 et

3 in 3 minimum extreum, | et quia illa differentia est 3, ex ductu eius in 3 fiunt 9, dividias igitur 9 per 9, et relictum ex divisione erit unitas, addas igitur unitatem ternario, et aggregatum ex illa unitate et ternario est medium harmonicum inter sex et tria, est enim aggregatum illud quaternarius numerus. Modo 6, 4, 3 proportionantur harmonice. ¶ Et hic adverte, quod quibuscumque duobus numeris inaequalibus constitutis hac doctrina mediante repertis medium terminum inter eos, et hoc cum fractione aut sine, inter 4 enim et 3 medium harmonicum est 3 cum tribus septimis. Quomodo autem inveniatur medium geometricum partim ex his, quae dicta sunt, patet, et complete in posterum dicetur.

3. Kapitel des 2. Teils

Capitulum tertium, in quo agitur de quibusdam proportionalitatibus et modis arguendi in eis

Sex modos argumentandi proportionabiliter sive in proportionalibus, quibus nonnumquam et philosophi et calculatores physici utuntur, ponit Euclides sexto elementorum et recentiores mathematici post eum. ¶ Istarum autem argumentationum prima dicitur conversa, secunda permutata, tertia coniuncta, quarta disiuncta, quinta eversa et sexta aequa. ¶ Pro intelligentia primi modi arguendi advertendum est, quod in proposito antecedens alicuius proportionis dicitur terminus, qui ad alterum comparatur, et consequens terminus cui aliquis comparatur, ut cum dicitur quatuor ad duo ille terminus, quatuor est antecedens et duo consequens, et si dicamus duo ad quatuor, duo dicuntur antecedens et quatuor consequens. ¶ Isto supposito proportionalitas conversa est, quando ex antecedentibus fiunt consequentia et eocontra. Vel aliter est proportionalis illatio, in qua ex proportionibus maioris inaequalitatis concluduntur proportiones minoris inaequalitatis eis correspondentes, sic arguendo sicut se habet octo ad quatuor, ita duo ad unum, igitur sicut se habet unum ad duo, ita quatuor ad octo, et etiam econverso concludendo ex proportionibus minoris inaequalitatis proportiones maioris inaequalitatis eis correspondentes. ¶ Permutata proportionalitas dicitur, cum ex antecedente secundae proportionis sit consequens primae, et ex consequenti primae sit antecedens secundae. Vel aliter est dispositis quatuor terminis geometricis proportionalibus primi ad tertium et secundi ad quartum proportionalis illatio sic arguendo: sicut se habet 8 ad 4, ita 2 ad 1, igitur sicut se habent 8 ad 2, ita 4 ad unum. Et isto modo arguendi utitur philosophus in plerisque locis ut in fine secundi perihermenias, in tertio topi et in primo caeli et mundi in tractatu de infinito. ¶ Coniuncta proportionalitas est a disiunctis terminis geometrice proportionalibus ad coniunctos proportionalis illatio. Tali modo arguendo sicut se habent 8 ad 4, ita 2 ad 1, igitur sicut se habent octo et quatuor ad quatuor, ita duo et unum ad unum. ¶ Disiuncta proportionalitas est a coniunctis terminis geometrice proportionalibus ad disiunctos proportionalis illatio tali modo arguendo: sicut se habent 8 et 4 ad 4, ita duo et unum ad unum. Igitur sicut se habent octo ad quatuor, ita duo ad unum. ¶ Eversa proportionalitas est a divisis terminis geometrice proportionalibus ad coniunctos ordine converso ad coniunctam proportionalis

Secunde partis

Equa p-
portiona-
litas.

Denota-
tio illus-
pticule si
cum se h:

nalis illatio. isto modo arguendo sicut se habent octo ad quatuor ita duo ad unum. igitur sicut se habet unus et duo ad duo ita quatuor et octo ad octo. Et diversitatem modus arguendi a tertio quia in consequente tertii inferuntur proportiones majoris inequalitatis in isto autem inferuntur proportiones minoris inequalitatis. ¶ Equa autem proportionalitas est duabus multitudinibus quantitatum aut numero eius datis numero equalibus: et proportionibus continuo eadem proportione: exclusis medius extremorum proportionalis illatio. Isto modo arguendo sicut se habent. 1. 7. 4. ita. 3. 8. 16. igitur sicut se habent. 4. ad. 16. ita. 1. ad. 4. Poteris etiam explicare in aliis generibus proportionum addendo in qualibet illarum duarum multitudinum quotcunq; terminos volueris dñm sine continuo proportionabiles: et tot in una multitudine quot in altera. ¶ Et adverte quod illa particula sicut se habent que ponitur in oibus his modis arguendi: denotat similitudinem specificam proportionum. Et intelligitur sic sicut se habent. 1. 2. 4. ita. 3. 6. 12. hoc est quacunq; proportione proportionantur sereatim 1. 2. 4. eadē proportione specificae proportionantis 3. 6. 12. ¶ Sed quā hi sex modi arguendi in proportionalitatibus sunt plurimi videntur: et apud philosophantes calculatores et apud primores mathematicos celebres habentur quibus magnam sue doctrinā partē demonstrant: ideo nō abs re eos arguendi modos in presentiā duri demonstrandos: qm̄ horū modorū arguendi demonstrationes ex precedenti capite elicuntur facile. Sit igitur.

Prima conclusio. Argumentatio a cōuersa. proportionalitate est necessaria argumentū. Hec conclusio sūa demonstrationē ex tertio correlario quarte conclusionis precedentis capitū sortitur: qm̄ illud correlariū principaliiter ostendit huc modū arguēdū proportionalitate cōuersa esse validū.

Secunda conclusio modus ratiocinandi a proportionalitate permutata sive cōmutata infallibilis est. Probatur hec cōclusio manifeste ex quarta precedentis capitū. Idem enim hec et illa intendunt.

Tertia cōclusio Deductio illa et modus arguendi qui proportionalitate cōiuncte initia omni exceptione est maior. Mater hec cōclusio demonstrationē evidenti ex primo correlario eiusdem quarte conclusionis.

Quarta conclusio Forma ratiocinandi a dissimili proportionalitate cōm experat instantiam. Semper pauis excipi intellectū. Hec conclusio patrocinante quarto correlario quarte conclusionis predicit manifesta evadet.

Quinta conclusio Consequentia illa que proportionalitas eversa inscupat omne dubitatis telū evertit facile: et inconcussa permanet. Hec etiam cōclusio quoddam correlariū auxilio mōstrat.

Sexta conclusio Equa argumentatio ita equitatis mediū sureat: ut nullo instantie vicio in ea adducto ab equitatis et rectitudinis trahite declinet. Huius conclusionis inconcussa equitas atq; intolata veritas clipeis et armis ferit correlariū eiusdem conclusionis munitor et defensatur. Et hec ad demonstrandos predictos arguendi modos dixisse sufficiat qm̄ illorū correlacionē demonstratio harum conclusionum est evidens probatio.

Capitulum quartū.

27

¶ Capitulum quartum in quo agitur de excessu compositione et divisione proportionis.

Ad inuestigandum paucis ex quibus proportionibus proportionis aliqua cōponitur: in quas resolutur: et quālibet quibus minorē excedit: pono aliquas suppositiones quarum aliae sunt distinctiones: et peritioses: alle vero demonst. rabuntur.

Prima suppositio. Primi termini alicuius proportionis sunt illi qui in sua proportione sunt minimi. Minimi autem termini alicuius proportionis et loquor tam in quantitate continua quam discreta sunt quālibet minores denominatur ab unitate: maior vero a numerō uno cū fracione vel unitate cū fractione. Nec nō probatur quod dividitio est sed exēplo explicatur binarius est et unitas sunt primi termini proportionis dupla: ternarius et unitas triple: quaternarius et unitas quadruplicata: et sic cōsequenter. Unitas et unitas cū medietate: et unitas cū unitate et tercia. Itē unitas cū quarta et unitas et sic cōsequenter sunt primi termini superparticularium proportionum. Unitatis. n. cum medietate ad unitatem est sexualter: et unitatis cum terciā ad unitatem sexquartaria: unitatis cum quarta sexquiquarta: et sic cōsequēt. Et isto modo exēplificabis in aliis generibus proportionis.

Secunda suppositio. Denominatio

alicuius proportionis est illa que sumitur a maior et primis terminis talis proportionis. ut denominatio dupla sumitur a binario qui est maior terminorum primorum proportionis dupla: et denominatio sexualter ab unitate cū dimidio. ¶ Ex quo sequitur quod species proportionis multiplicis denominatur cōsequenter a naturali serie numerorum. Quod est quod maior terminus primorum terminorum proportionis dupla est binarius, triple, ternarius, quadruplicata quaternarius: et sic cōsequēt. procedendo per naturā serie numerorum referendo numeros ad unitatem igitur ex secunda suppositione tales species denominantur a naturali serie. ¶ Sequitur secundo quod species proportionis superparticularis denominatur ab unitate cū aliqua parte aliquota. Probatur quod maior terminus primorum numerorum proportionis sexualter est unitas cū dimidio: sexquartaria unitas cū tercia: et sexquiquarta cū quarta et sexquintaria cū quinta: et sic cōsequenter descendendo per partes aliquatas denominatas continuo a naturali serie numerorum: igitur species proportionis superparticularis denominantur ab unitate cū parte aliquota. ¶ Sequitur tertio quod species proportionis superpartientis denominantur ab unitate cū aliquot partibus aliquotis nō facientibus unam. Probatur quod maior terminus proportionis superpartientis tertias est unitas cū duabus tertias: et superpartientis quinas unitas cū duabus quintas: et superpartientis septimas unitas cū duabus septimas: et sic cōsequenter: discurrendo per duas partes aliquatas numeri impares. Item discurrendo per tres partes aliquatas nō facientes unam. per quatuor. per quinos et sic cōsequenter: igitur species proportionis superpartientis denominantur ab unitate cū aliquot partibus aliquotis nō facientibus unam. ¶ Sequitur quartio quod species proportionis cōposite denominantur a numerō cū fractione partis aliquote vel partis aliquotarū nō facientiū unam. Ostendas hoc correlatiū sicut precedentia.

1. correlative

2. correlative

3. correlative

4. correlative

illatio. Isto modo arguendo sicut se habent octo ad quatuor, ita duo ad unum, igitur sicut se habent unum et duo ad duo, ita quatuor et octo ad octo. Et differt iste modus arguendi a tertio, quia in consequente tertii inferuntur proportiones maioris inaequalitatis, in isto autem inferuntur proportiones minoris inaequalitatis.

¶ Aequa autem proportionalitas est duabus multitudinibus quantitatuum aut numerorum datis numero aequalibus, et proportionalibus continuo eadem proportione, exclusis mediis extremorum proportionalis illatio. Isto modo arguendo sicut se habent 1, 2, 4, ita 4, 8, 16, igitur sicut se habent 4 ad 16, ita 1 ad 4.

Poteris etiam exemplificare in aliis generibus proportionum addendo in qualibet illarum duarum multitudinum, quotcumque terminos volueris, dummodo sint continuo proportionabiles, et tot in una multitudine, quot in altera. ¶ Et adverte, quod illa particula sicut se habent, quae ponitur in omnibus, his modis arguendi, denotat similitudinem specificam proportionum. Et intelligitur sic, sicut se habent 1, 2, 4, ita 3, 6, 12. Hoc est, quacumque proportione proportionalitatem sereatim 1, 2, 4, eadem proportione specifica proportionalitatem 3, 6, 12. ¶ Sed quam hi sex modi argumentandi in proportionalitatibus sunt plurimum usitati, et apud philosophantes calculatores et apud primores mathematicorum celebres habentur, quibus magnam suae doctrinae partem demonstrant, ideo non abs re eos arguendi modos in praesentiarum duxi demonstrando, quam horum modorum arguendi demonstrationes ex praecedenti capite eliciuntur facile. Sit igitur:

Prima conclusio: argumentatio a conversa proportionalitate est necessarium argumentum. Haec conclusio suam demonstracionem ex tertio correlario quartae conclusionis praecedentis capituli sortitur, quam illud correlarium principaliter ostendit hunc modum arguendi proportionalitate conversa esse validum.

Secunda conclusio: modus ratiocinandi a proportionalitate permutata sive commutata infallibilis est. Probatur haec conclusio manifeste ex quarta praecedentis capituli. Idem enim haec et illa intendunt.

Tertia conclusio: deductio illa et modus arguendi, qui proportionalitati coniunctae innititur, omni exceptione est maior. Patet haec conclusio demonstratione evidenti ex primo correlario eiusdem quartae conclusionis.

Quarta conclusio: forma ratiocinandi a disiuncta proportionalitate omnem exsuperat instantiam. Semper pravum excipio intellectum. Haec conclusio patrocinante quarto correlario quartae conclusionis praedictae manifesta evadet.

Quinta conclusio: consequentia illa, quae proportionalitas eversa nuncupatur, omne dubietatis telum evertit facile et inconsueta permanet. Haec etiam conclusio quinti correlarii auxilio monstratur.

Sexta conclusio: aequa argumentatio ita aequitatis medium su[b]eat, ut nullo instantiae vitio in eam adducto ab aequitatis et rectitudinis tramite declinet. Huius conclusionis inconclusa aequitas atque inviolata veritas clipeis et armis sexti correlarii eiusdem conclusionis munitur et defensatur. Et haec ad demonstrandos praedictos arguendi modos dixisse sufficiat, quam illorum correliorum demonstratio harum conclusionum est evidens probatio. |

4. Kapitel des 2. Teils

Capitulum quartum, in quo agitur de excessu compositione et divisione proportionum

Ad investigandum paucis ex quibus proportionibus proportionatio aliqua componitur, in quas resolvitur et qua vel quibus minoribus excedit, pono aliquas suppositiones, quarum aliquae sunt definitions et petitiones, aliae vero demonstrabuntur.

Prima suppositio: primi termini alicuius proportionis sunt illi, qui in sua proportione sunt minimi. Minimi autem termini alicuius proportionis – et loquor tam in quantitate continua quam discreta – sunt, quorum minor denominatur ab unitate, maior vero a numero vel numero cum fractione vel unitate cum fractione. Haec non probatur, quia definitio est, sed exemplo explicatur: binarius enim et unitas sunt primi termini proportionis duplae, ternarius et unitas triplae, quaternarius et unitas quadruplae et sic consequenter, unitas et unitas cum medietate et unitas cum unitate et tertia, item unitas cum quarta et unitas et sic consequenter sunt primi termini superparticularium proportionum. Unitatis enim cum medietate ad unitatem est sexquialtera, et unitatis cum tertia ad unitatem sexquiteria, unitatis cum quarta sexquiquarta et sic consequenter. Et isto modo exemplificabis in aliis generibus proportionis.

Secunda suppositio: denominatio alicuius proportionis est illa, quae sumitur a maiori primorum terminorum talis proportionis, ut denominatio duplae sumitur a binario, qui est maior terminorum primorum proportionis duplae, et denominatio sesqui-alterae ab unitate cum dimidio. ¶ Ex quo sequitur, quod species proportionis multiplicis denominantur consequenter a naturali serie numerorum. Patet, quia maior terminus primorum terminorum proportionis duplae est binarius, triplae ternarius, quadruplae quaternarius et sic consequenter procedendo per naturalem seriem numerorum referendo numeros ad unitatem, igitur ex secunda suppositione tales species denominantur a naturali serie. ¶ Sequitur secundo, quod species proportionis superparticularis denominantur ab unitate cum aliqua parte aliquota. Probatur, quia maior terminus primorum numerorum proportionis sexquialterae est unitas cum dimidio, et sexquiteriae unitas cum tertia, et sexquiquarta cum quarta, et sexquiquinta cum quinta et sic consequenter descendendo per partes aliquotas denominatas continuo a naturali serie numerorum, igitur species proportionis superparticularis denominantur ab unitate cum parte aliquota. ¶ Sequitur tertio, quod omnes species proportionis suprapartientis denominantur ab unitate cum aliquot partibus aliquotis non facientibus unam. Probatur, quia maior primorum terminorum proportionis suprapartientis tertias est unitas cum duabus tertis, et suprapartientis quintas unitas cum duabus quintis, et suprapartientis septimas unitas cum duabus septimis et sic consequenter discurrendo per duas partes aliquotas numeri imparis. Item discurrendo per tres partes aliquotas non facientes unam, per quatuor, per quinque et sic consequenter, igitur species proportionis suprapartientis denominantur ab unitate cum aliquot partibus aliquotis non facientibus unam. ¶ Sequitur quarto, quod proportiones compositae denominantur a numero cum fractione partis aliquote vel partium aliquotarum non facientium unam. Ostendas hoc correlarium sicut praecedentia.